

線形制御理論

4

図1はフィードバック制御系を示す。ここで $P(s)$ は制御対象, $k > 0$ はフィードバックゲイン, r は参照入力, e は偏差, y は出力である。制御対象 $P(s)$ は

$$P(s) = \frac{1}{s^2 + s + 1}$$

で与えられるとする。感度関数 $S(s)$ は r から e への伝達関数であり、閉ループ伝達関数 $T(s)$ は r から y への伝達関数である。以下の問いに答えよ。

- (i) 感度関数 $S(s)$ は $\lim_{k \rightarrow \infty} S(0) = 0$ を満たすことを示せ。
- (ii) $\lim_{\omega \rightarrow \infty} \angle T(j\omega)$ を求めよ。
- (iii) $\lim_{k \rightarrow \infty} \max_{\omega \geq 0} |T(j\omega)| = \infty$ であることを示せ。
- (iv) r を単位階段関数とするとき、出力 y のピーク値の定常値に対する割合を $A(k)$ とする。 $\lim_{k \rightarrow \infty} A(k)$ を求めよ。

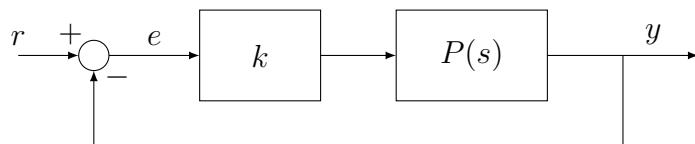


図1 フィードバック制御系

An English Translation:

Linear Control Theory

4

A feedback control system is shown in Figure 1, where $P(s)$ is a plant, $k > 0$ is a feedback gain, r is a reference input, e is an error, and y is an output. The plant $P(s)$ is given by

$$P(s) = \frac{1}{s^2 + s + 1}.$$

The sensitivity function $S(s)$ is the transfer function from r to e , and the closed loop transfer function $T(s)$ is the transfer function from r to y . Answer the following questions.

- (i) Show that the sensitivity function $S(s)$ satisfies $\lim_{k \rightarrow \infty} S(0) = 0$.
- (ii) Calculate $\lim_{\omega \rightarrow \infty} \angle T(j\omega)$.
- (iii) Show that $\lim_{k \rightarrow \infty} \max_{\omega \geq 0} |T(j\omega)| = \infty$ holds.
- (iv) Let $A(k)$ be the ratio of the peak value to the final value of the output y when r is the unit step function. Calculate $\lim_{k \rightarrow \infty} A(k)$.

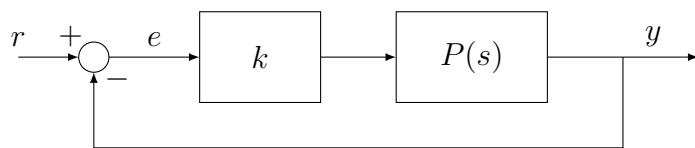


Figure 1 Feedback control system